

Именно поэтому, выбранная нами, тема является весьма актуальной на сегодняшний момент. Для детального изучения данной темы введем основные понятия, изучаемые в разделе векторной алгебры.

N-мерным вектором называется упорядоченная совокупность n действительных чисел, записанных в виде  $\vec{x}(x_1, x_2, \dots, x_n)$ , где  $x$  – называется компонентами вектора или координатами вектора.

Рассмотрим основные свойства n-мерного вектора:

1.  $\vec{a} = \vec{b}$ , если их координаты равны, т.е.  $x_1 = y_1; x_2 = y_2; \dots; x_n = y_n$

2.  $\lambda \vec{a} = (\lambda x_1, \lambda x_2, \dots, \lambda x_n)$

3.  $\vec{a} + \vec{b} = (x_1 + y_1, x_2 + y_2, \dots, x_n + y_n)$

И свойства операций над ним:

1.  $\vec{x} + \vec{y} = \vec{y} + \vec{x}$  – переместительный закон

2.  $\vec{x} + (\vec{y} + \vec{z}) = (\vec{x} + \vec{y}) + \vec{z}$  – сочетательный закон

3.  $\lambda(\beta \vec{x}) = (\lambda\beta) \vec{x}$  – сочетательный закон относительно скалярного произведения

4.  $\lambda(\vec{x} + \vec{y}) = \lambda \vec{x} + \lambda \vec{y}$

5.  $(\lambda + \beta) \vec{x} = \lambda \vec{x} + \beta \vec{x}$

6. Для всякого вектора  $\vec{x}$  есть противоположный ему  $-\vec{x}$ , такой, что сумма этих двух векторов равна нулю:  $\vec{x} + (-\vec{x}) = \vec{0}$ .

7. Существует вектор ноль  $(\vec{0})$  такой, что  $\vec{x} + \vec{0} = \vec{x}$ ;  $\vec{0} = (0, 0, \dots, 0)$

8. Если умножить 1 на вектор  $\vec{x}$ , то  $1 \cdot \vec{x} = \vec{x}$ . Именно из этих свойств над операциями вытекает следующее определение.

Множество векторов с действительными компонентами, в котором определены операции сложения и умножения вектора на число и удовлетворяющее приведенным выше 8 свойствам, рассматриваемым как аксиома – называется векторным пространством.

Ярким примером практического использования n – мерного вектора и векторных пространств в компьютерной графике является процесс твининга и экстраполяции.

Твининг – это особый вид анимации, показывающий постепенные превращения одной фигуры в другую. В основном он используется в киноиндустрии для уменьшения стоимости создания мультипликационных фильмов.

Если раньше художнику было необходимо рисовать все 24 кадра, то в наши дни он может самостоятельно создать только ключевые кадры в определенной последовательности, а остальное предоставить компьютеру, который сам способен воссоздать недостающие элементы при помощи экстраполяции и воссоздать иллюзию движения или перемещения при помощи твининга.

В основном эти методы использовались в двумерных пространствах и базировались на операциях с обычными векторами, но с развитием 3D технологий все чаще и чаще применяются n-мерные вектора и, соответственно, векторные пространства, образованные ими.

Основная формула данных преобразований имеет вид:  $L(t) = C + bt$ , где  $L$  – траектория перемещения,

изменения или движения изображения;  $t$  – положение точки на прямой, относительно которой происходят перемещения;  $C$  и  $b$  – n-мерные векторы (в основном используются 3-х и 4-х мерные). Расчет происходит на основании приведенных выше свойств и операций. В зависимости от конкретной ситуации и сложившейся сложности, данная формула может видоизменяться.

В ходе работы над данной статьей мы дали определение n-мерного вектора, рассмотрели операции над n-мерными векторами, их свойства и увидели, что множество всех n-мерных векторов с определенными на нем операциями сложения и умножения на число порождает векторное пространство.

Основываясь на данной теоретической базе, мы также рассмотрели данные элементы линейной алгебры в области компьютерной графики. Что является весьма актуальным в наш век передовых технологий и постоянно развивающихся ЭВМ. Также этому способствовало развитие трехмерного изображения, которое используется повсеместно.

Проданная работа показывает, насколько близко мы контактируем с данным разделом линейной алгебры, даже не задумываясь об этом. Ведь практически любой из нас пользуется мобильными приложениями, играет в компьютерные игры, смотрит мультипликационные фильмы, но мало кто задумывался о том при помощи чего это создано все то, с чем мы сталкиваемся настолько часто.

Именно это и доказывает актуальность и важность, выбранной нами, темы, которая, несомненно, достойна подробного изучения и пристального внимания к ней.

#### Список литературы

1. Шелестов А.А. «Учебное пособие по компьютерной графике», 2012.
2. Бландина Е.А. «Инженерная геометрия и компьютерная графика», 2012.
3. Долгополова А.Ф., Гулай Т.А., Литвин Д.Б. Особенности применения методов математического моделирования в экономических исследованиях // Kant: Экономика и управление. 2013. № 1. С. 62-66.
4. Долгополова А.Ф. Моделирование стратегии управления в социально-экономических системах с использованием Марковских процессов/А.Ф. Долгополова // Вестник АПК Ставрополя. – 2011. – № 1. – С. 67-70.

#### ИСПОЛЬЗОВАНИЕ КАНОНИЧЕСКОГО УРАВНЕНИЯ ОКРУЖНОСТИ В РЕШЕНИИ ЭКОНОМИЧЕСКИХ ЗАДАЧ

Дедкова Д.Е., Родина Е.В.

Ставропольский государственный аграрный университет, Ставрополь, e-mail: dolgopolova.a@mail.ru

Выведенное знаменитым французским математиком П. Ферма (1601-1665) каноническое уравнение окружности представляет широкий научный интерес в практическом приложении, так как часто применяется при вычислении различных задач экономического содержания.

В уравнении окружности содержатся основные сведения об этой фигуре, например, координаты её центра или длина радиуса. Это является необходимой информацией для построения данной геометрической фигуры. В других задачах, наоборот, условием является составление уравнения по исходным параметрам.

Приложение уравнения окружности к решению экономических задач отражает взаимосвязь аналитической геометрии и экономики.

Окружностью называют геометрическое место точек (множество всех точек) на плоскости, равноудаленных от одной точки, называемой центром. Расстояние от центра до любой точки окружности называется радиусом.

Каноническое уравнение окружности имеет вид:

$$x^2 + y^2 = R^2.$$

Также существует нормальное уравнение окружности:

$$(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2 = R^2,$$

где  $C$  – центр окружности, а  $R$  – радиус.

Являясь кривой второго порядка, окружность удовлетворяет данному уравнению:

$$Ax^2 + Bxy + Cy^2 + Dx + Ey + F = 0,$$

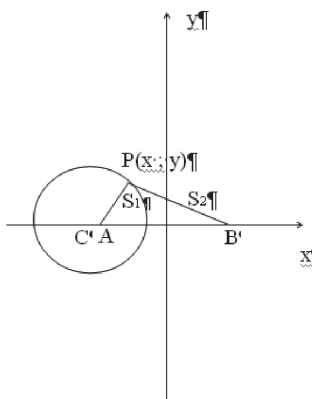
где  $B = 0$ ,  $A = C$ .

Мы можем точно сказать, что действительная кривая второго порядка является окружностью тогда и только тогда, когда:

- 1) коэффициенты при квадратах текущих координат равны между собой;
- 2) отсутствует член, содержащий произведение текущих координат.

Остановимся на рассмотрении примера решения экономической задачи с использованием канонического уравнения окружности:

Два предприятия  $A$  и  $B$ , расстояние между которыми равно 200 км, производят некоторое изделие, заводская цена (руб.) которого одна и та же для обоих предприятий. Транспортные расходы на перевозку единицы изделия от предприятия  $A$  до потребителя  $P$  составляют 9 руб./км, а от предприятия  $B$  – 3 руб./км. Как следует разделить рынок сбыта, чтобы расходы потребителей были одинаковыми? Какому потребителю изделия, какого предприятия выгоднее покупать?



Решение данной задачи сводится, во-первых, к наглядному построению прямоугольной системы координат поместив начало координат в середине отрезка  $AB$  и направив ось абсцисс по лучу  $AB$ , а ось ординат перпендикулярно ему. Определим геометрическое место точек, в которых расходы потребителей на приобретение продукции предприятий  $A$  и  $B$  будут одинаковыми. Допустим, что потребитель располагается в точке  $P$  с координатами  $(x, y)$ . Тогда обозначим расстояния от точки  $P$  до точек  $A$  и  $B$  как расстояние равное  $|AP| = S_1, |BP| = S_2$  (км).

В таком случае расходы на приобретение единицы изделия предприятия  $A$  будут равны  $p + 9S_1$ , а предприятия  $B$  –  $p + 3S_2$ . По условию расходы потребителей должны быть одинаковыми, то  $p + 9S_1 = p + 3S_2$ . Преобразовав, получим, что

$$3S_1 = S_2. \quad (1)$$

Вычислим значения  $S_1$  и  $S_2$ , используя координаты точек  $A(-100; 0)$ ,  $B(100; 0)$  и  $P(x, y)$ :

$$S_1 = |AP| = \sqrt{(x+100)^2 + y^2}, S_2 = |BP| = \sqrt{(x-100)^2 + y^2}.$$

Затем подставив в равенство (1) будем иметь:

$$3\sqrt{(x+100)^2 + y^2} = \sqrt{(x-100)^2 + y^2}.$$

Отсюда получим уравнение:

$$9(x^2 + 200 + 10000 + y^2) = x^2 - 200 + 10000 + y^2$$

или  $8x^2 + 8y^2 + 2000x + 80000 = 0$ .

Разделим обе части уравнения на 8, сгруппируем его члены по переменным и дополним до полного квадрата скобки. Тогда уравнение примет вид:  $(x + 125)^2 + y^2 = 5625$ .

Конечное уравнение есть уравнение окружности, с центром в точке  $C$ , которая имеет координаты  $(-125; 0)$ , и радиусом  $R=75$ .

Для потребителей, находящихся на этой окружности,  $3S_1 = S_2$ , значит,  $p + 9S_1 = p + 3S_2$ , расходы на приобретение изделия, как предприятия  $A$ , так и предприятия  $B$  одинаковы. Для потребителей, находящихся внутри круга, который ограничен данной окружностью,  $3S_1 < S_2$ , следовательно,  $p + 9S_1 < p + 3S_2$ , поэтому расходы на приобретение изделий предприятия  $A$  ниже. Также можно установить, что для потребителей, находящихся вне этого круга, ниже расходы на приобретение изделий предприятия  $B$ .

Таким образом, рынок сбыта можно выгодно распределить на несколько экономических частей таким образом: а) потребителям, находящимся на окружности, безразлично, изделия каких предприятий покупать; б) потребители, находящиеся внутри указанного круга, покупают изделия предприятия  $A$ ; в) потребители, находящиеся вне круга, покупают изделия предприятия  $B$ .

В заключение хотелось бы отметить, что для решения многих задач экономического профиля требуются математическая подготовка и знание теоретического материала. Следовательно, зная уравнение окружности, можно произвести анализ рынка сбыта и исследовать поведение потребителей (покупателей). Установить более выгодные продажи потребительского характера, а пользуясь в процессе решения формулой канонического уравнения окружности и некоторые из наиболее выгодных способов получения прибыли.

**Список литературы**

1. Краткий курс высшей математики / Б.П.Демидович, В.А.Кудрявцев. – АСТ, Астрель, 2001.
2. Математика в экономике: Учебное пособие / В.А.Вербицкий, Т.Н.Беспрозванная, Л.А.Дойхен, Е.Н.Кравченко, Е.В. Кудрявцева, И.В. Ясеновская. – Хабаровск: РИЦ ХГАЭП, 1999.
3. Мелешко С.В., Невидомская И.А. Использование инновационных образовательных технологий в самостоятельной работе студентов при изучении математических дисциплин // Теоретические и прикладные проблемы современной педагогики: сборник научных статей по материалам научно-практической конференции. – Ставрополь, изд-во «АГРУС», 2012
4. Бондаренко В.А., Цыплакова О.Н. Задачи с экономическим содержанием на занятиях по дифференциальному исчислению/Актуальные вопросы теории и практики бухгалтерского учета, анализа и аудита: материалы Ежегодной научно-практической конференции, г. Ставрополь, 22-24 марта 2011 г. – Ставрополь: ООО «Альфа-Принт», 2011.

**ПРИМЕНЕНИЕ МОДЕЛИ СПРОСА И ПРЕДЛОЖЕНИЯ В СТРУКТУРНОЙ ФОРМЕ МОДЕЛИ**

Донец З.Г., Боташева Л.Р., Гочияева А.К.

Ставропольский государственный аграрный университет, Ставрополь, e-mail: dolgopolova.a@mail.ru

Структурная форма модели (системы одновременных уравнений) – это система уравнений, в каж-