

клапан (внезапное сужение и внезапное расширение), плавные отводы.

Суммарные гидравлические потери в каждой ветке трубопровода определяются по формуле:

$$\Delta p_{\Sigma} = \Delta p_{\text{тр}} + \Delta p_{\text{мс}} \quad (8)$$

Основные характеристики трубопроводов представлены в таблице.

Основные характеристики трубопроводов

Обозначение	Длина, м	Расход, м <sup>3</sup> /ч	Скорость, м/с	Потери на трение, Па	Местные потери, Па	Суммарные потери, Па
1а	26	1,348	0,65	6570	1901	8471
1б	29,5	1,348	0,65	7454	1901	9355
2	67	1,342	0,64	16470	2662	19132
3	55,5	1,467	0,7	15993	2450	18443

Анализ результатов определения гидравлических потерь показывает, что ни в одном из трубопроводов величина суммарных гидравлических потерь не превышает 20 кПа, следовательно, обеспечивается работа системы с гарантированным запасом по давлению, а радиус орошения каждым спринклером будет не меньше принятого значения.

#### МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МОДЕЛИ ПОКАЗАТЕЛЕЙ ШЛИФОВАНИЯ ПРИ ГЛУБИННОЙ ОБРАБОТКЕ ЗАГОТОВОК НЕОГРАНИЧЕННЫХ РАЗМЕРОВ КОНИЧЕСКИМ КРУГОМ

Зотова С.А., Асеева А.Ю.

Волжский политехнический институт, филиал ФГБОУ ВПО «Волгоградский государственный технический университет», Волжский, e-mail: asya995@mail.ru

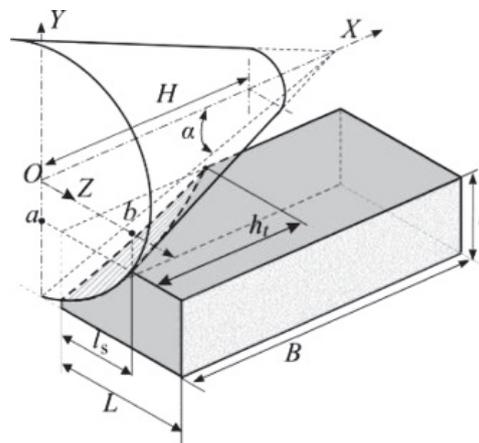
К числу основных показателей процесса шлифования относятся наработка  $V$ , например, объемная, характеризующая объем выполняемой работы и режущая способность  $Q$ , определяющая среднюю производительность процесса. Глубинное шлифование (ГШ) предназначено, главным образом, для формирования профильных поверхностей, когда наработка во времени непостоянна. Поэтому целесообразно использовать еще один показатель – мгновенную режущую способность  $q$ , представляющую собой производную наработки по времени  $\tau$ .

Исходными данными для вычисления  $Q$  и  $q$  являются наработка  $V$  и время шлифования  $\tau$ :  $Q = V/\tau$ ;  $q = dQ/d\tau$ . Поэтому создание математических моделей перечисленных показателей начинается с модели наработки. В данной работе представлены точные математические модели показателей при глубинном шлифовании плоских горизонтальных поверхностей кругом радиуса  $R$  конического профиля с углом  $\alpha$  при вершине на глубину  $t$ . Приняты следующие допущения: заготовку считаем идеально гладкой; радиаль-

ный износ круга за период шлифования равен нулю; скорости круга  $v$  и подачи стола  $v_s$  постоянны; отсчет времени на каждом этапе начинается с нуля.

Одно из основных отличий ГШ от обычного маятникового заключается в большой длине дуги контакта, что предполагает наличие достаточно протяженных этапов врезания и выхода, длина которых соизмерима или равна длине обрабатываемой поверхности. Кроме них может быть еще этап постоянной длины дуги контакта или переходный этап добора глубины в зависимости от размеров заготовки.

Рассмотрим поверхность, длина которой  $L > b = \sqrt{t(2R-t)}$ , максимальная ширина шлифования  $H \leq B$  (рисунок). Удаляемый материал (наработку  $V$ ), определим как объем тела, ограниченного гранями заготовки и конической поверхностью круга. Построение математических моделей для вычисления наработки опирается на геометрический смысл тройного интеграла.



Для этапа врезания  $V_p$ :

$$V_p(\tau) = \int_{b-\tau v_s}^b dz \int_{-\sqrt{R^2-z^2}}^a dy \int_0^{\operatorname{tg} \alpha \sqrt{R^2-y^2+z^2}} dx =$$

$$= \frac{1}{6 \operatorname{tg} \alpha} \left( 6Ra\tau v_s - 4abR + R^3 \left( \arcsin \frac{b}{R} - \arcsin \frac{b_s}{R} \right) + 2ab_s \sqrt{a^2 + b_s^2} - \right.$$

$$\left. - 2Rb_s \sqrt{R^2 - b_s^2} + a^3 \ln \left( \frac{b_s + \sqrt{a^2 + b_s^2}}{b + R} \right) + b_s^3 \ln \left( \frac{a + \sqrt{a^2 + b_s^2}}{R - \sqrt{R^2 - b_s^2}} \right) \right), \quad (1)$$

где  $b_s = b - \tau v_s$ ;  $a = t - R$ .

Для этапов постоянной длины дуги контакта  $V_n$  и выхода  $V_b$ :

$$V_n(\tau) = \int_{-R}^{t-R} dy \int_0^{\frac{y+R}{\operatorname{tg} \alpha}} dx \int_0^{\sqrt{(x-x_0)^2 \cdot \operatorname{tg}^2 \alpha - y^2} + l_s} dz = \frac{\tau v_s t^2}{2 \operatorname{tg} \alpha}; \quad (2)$$

$$V_b(\tau) = \frac{b_s t^2}{2 \operatorname{tg} \alpha} - \int_0^{b-\tau v_s} dz \int_{-\sqrt{R^2-z^2}}^a dy \int_0^{\frac{R-\sqrt{y^2+z^2}}{\operatorname{tg} \alpha}} dx = \frac{\tau v_s t^2}{2 \operatorname{tg} \alpha} - V_p(\tau) = V_n(\tau) - V_p(\tau). \quad (3)$$

Из наработок (1)–(3) делением на время получены формулы режущей способности и дифференцированием по времени – формулы мгновен-

ной режущей способности для этапов врезания ( $Q_p, q_p$ ), постоянной дуги контакта ( $Q_n, q_n$ ) и выхода ( $Q_b, q_b$ ):

$$Q_p(\tau) = \frac{V_p(\tau)}{\tau} = \frac{1}{6 \tau \operatorname{tg} \alpha} \left( 6 R a \tau v_s - 4 a b R + R^3 \left( \arcsin \frac{b}{R} - \arcsin \frac{b_s}{R} \right) + 2 a b_s \sqrt{a^2 + b_s^2} - \right. \\ \left. - 2 R b_s \sqrt{R^2 - b_s^2} + a^3 \ln \left( \frac{b_s + \sqrt{a^2 + b_s^2}}{b + R} \right) + b_s^3 \ln \left( \frac{a + \sqrt{a^2 + b_s^2}}{R - \sqrt{R^2 - b_s^2}} \right) \right); \\ q_p(\tau) = \frac{dV_p}{d\tau} = \frac{v_s}{6 \operatorname{tg} \alpha} \left( 6 R a - 3 a \sqrt{a^2 + b_s^2} + 3 R \sqrt{R^2 - b_s^2} + 3 b_s^2 \ln \left( \frac{R - \sqrt{R^2 - b_s^2}}{a + \sqrt{a^2 + b_s^2}} \right) \right); \\ Q_n(\tau) = q_n(\tau) = \frac{v_s t^2}{2 \operatorname{tg} \alpha}; \quad Q_b(\tau) = Q_n - Q_p(\tau); \quad q_b(\tau) = q_n - q_p(\tau).$$

**Список литературы**

1. Носенко В.А., Авилов А.В., Жуков В.К.. Площадь и толщина сечения срезаемого слоя на операции плоского глубинного шлифования: справочник // Инженерный журнал. – 2006. – №1. – С. 22–27.
2. Носенко В.А., Жуков В.К. Некоторые аспекты кинематики плоского глубинного шлифования // Проблемы машиностроения и надежности машин. – 2007. – №1. – С. 78–94.
3. Носенко В.А. Специфика удаления материала на различных этапах плоского глубинного шлифования кругами конического профиля / В.А. Носенко, В.К. Жуков, С.А. Зотова, С.В. Носенко // СТИИ. – 2008. – №3. – С. 23–29.
4. Носенко В.А. Математическая модель наработки при глубинном шлифовании горизонтальной поверхности кругом конического профиля / В.А. Носенко, С.А. Зотова, С.В. Носенко // Известия ВолгГТУ. – 2008. – Вып.4. – №9. – С. 29–33.

**РЕШЕНИЕ СИСТЕМ ЛИНЕЙНЫХ УРАВНЕНИЙ С ПОМОЩЬЮ КАНОНИЧЕСКОГО РАЗЛОЖЕНИЯ ОСНОВНОЙ МАТРИЦЫ СИСТЕМЫ**

Инкин А.Н., Матвеева Т.А.

*Волжский политехнический институт, филиал волгоградского государственного технического университета, Волжский, e-mail: ANInkin@mail.ru*

Приведение матриц к диагональному виду значительно упрощает решение многих прикладных задач,

$$\det(A - \lambda E) = \begin{vmatrix} 3-\lambda & -4 & 4 \\ -2 & 7-\lambda & -2 \\ -2 & 8 & -3-\lambda \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} (3-\lambda) & -4 & 4 \\ -2 & (7-\lambda) & -2 \\ 0 & (\lambda+1) & (-1-\lambda) \end{vmatrix} = (\lambda+1) \begin{vmatrix} (3-\lambda) & 0 & 4 \\ -2 & (5-\lambda) & -2 \\ 0 & 0 & -1 \end{vmatrix} = 0.$$

$-(\lambda+1)(3-\lambda)(5-\lambda) = 0 \Rightarrow \lambda_1 = -1, \lambda_2 = 3, \lambda_3 = 5$  – собственные значения.

Каждому собственному значению  $\lambda_k$  с учетом его кратности найдем соответствующие собственные

находит широкое применение при моделировании линейных динамических систем, а также при решении систем линейных алгебраических уравнений.

В данной работе рассматриваются вопросы решения систем линейных алгебраических уравнений с одинаковыми основными матрицами систем (разными свободными членами). В этом случае удобно использовать каноническое разложение основной матрицы системы.

Рассмотрим решение следующих систем линейных уравнений:

$$\begin{cases} 3x_1 - 4x_2 + 4x_3 = 1, \\ -2x_1 + 7x_2 - 2x_3 = 2, \\ -2x_1 + 8x_2 - 3x_3 = 3 \end{cases}$$

и

$$\begin{cases} 3x_1 - 4x_2 + 4x_3 = -2, \\ -2x_1 + 7x_2 - 2x_3 = 4, \\ -2x_1 + 8x_2 - 3x_3 = 0, \end{cases} \quad A = \begin{pmatrix} 3 & -4 & 4 \\ -2 & 7 & -2 \\ -2 & 8 & -3 \end{pmatrix}.$$

Построим каноническое разложение основной матрицы системы А. Для этого составим характеристическое уравнение матрицы А и найдем его корни:

векторы по формуле  $(A - \lambda_k E) \bar{e}_k = 0$ .  
Для  $\lambda_1 = -1$ :

$$(A + E) \bar{e}_1 = \bar{0} \Leftrightarrow \begin{pmatrix} 4 & -4 & 4 & 0 \\ -2 & 8 & -2 & 0 \\ -2 & 8 & -2 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 1 & -1 & 1 & 0 \\ 0 & 6 & 0 & 0 \\ 0 & 6 & 0 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \quad X = \begin{pmatrix} -c_1 \\ 0 \\ c_1 \end{pmatrix}.$$