

онную систему реализуют различные варианты метода непосредственного суммирования [4,6,7].

Преобразование исходного $A(z)$, заданного в расширенном поле $GF(p^v)$, в полиномиальную систему классов вычетов осуществляется с помощью набора констант, являющихся эквивалентами степеней оснований 2^i и коэффициентов при соответствующих степенях оснований a_i , представленных в системе классов вычетов.

Перевод из позиционного двоичного кода в полиномиальную систему классов вычетов осуществляется в соответствии с выражением

$$a(z) \equiv A(z) \bmod p_i(z) = \sum_{l=0}^k a_i^l(z) \cdot z^l \bmod p_i(z) \quad (3)$$

где $i=1,2,\dots,n$.

Для получения $A(z)$ в системе классов вычетов с основаниями $p_1(z), p_2(z), \dots, p_n(z)$ необходимо получить в этой системе значения $a_i(z) \cdot z^l \bmod p_i(z)$. В этом случае остаток по модулю $p_i(z)$ определяется

$$a_i^l(z) = \left| \sum_{l=0}^k (a_i^l \cdot z^l) \bmod p_i(z) \right|_2^+ \quad (4)$$

где $a_i^i = a_i \bmod p_i(z)$, $i=1,2,\dots,n$.

В соответствии с выражением (4), перевод $A(z)$ из позиционной системы счисления в непозиционную можно свести к суммированию по модулю два величин $(a_i^l \cdot z^l) \bmod p_i(z)$ в соответствии с заданным полиномом $A(z)$ [5,6].

Таким образом, модификация и реализация метода непосредственного суммирования для полиномиальной системы классов вычетов позволяет разрабатывать высокоскоростные преобразователи кодов для вычислительных структур реального масштаба времени.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ:

1. Акушкин И.Я., Юдицкий Д.М. Машинная арифметика в остаточных классах. - М.: Сов. Радио, 1968. - 440 с.
2. Калмыков И.А., Червяков Н.И., Щелкунова Ю.О., Бережной В.В. Архитектура отказоустойчивой нейронной сети для цифровой обработки сигналов /Нейрокомпьютеры: разработка, применение, №12, 2004, с.51-60.
3. Червяков Н.И. Преобразование цифровых позиционных и непозиционных кодов в системах управления и связи.- Ставрополь, СВВИУС, 1985.- 63 с.
4. Калмыков И.А., Червяков Н.И., Щелкунова Ю.О., Бережной В.В. Математическая модель нейронных сетей для исследования ортогональных преобразований в расширенных полях Галуа/Нейрокомпьютеры: разработка, применение. №6, 2003, с.61-68.
5. Элементы применения компьютерной математики и нейроинформатики /Н.И. Червяков,

И.А. Калмыков, В.А. Галкина, Ю.О. Щелкунова, А.А. Шилов; под редакцией Н.И. Червякова. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2003.-216с.

6. Калмыков И.А. Математические модели нейросетевых отказоустойчивых вычислительных средств, функционирующих в полиномиальной системе класса вычетов. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2005.-274с.

7. Червяков Н.И., Сахнюк П.А., Шапошников А.В., Ряднов С.А. Модулярные параллельные вычислительные структуры нейропроцессорных систем. М.: ФИЗМАТЛИТ, 2003.-288с.

ИТЕРАТИВНЫЙ АЛГОРИТМ ПЕРЕВОДА ИЗ ПОЛИНОМИАЛЬНОЙ СИСТЕМЫ КЛАССОВ ВЫЧЕТОВ В ПОЗИЦИОННУЮ СИСТЕМУ СЧИСЛЕНИЯ

Резеньков Д.Н.

Ставропольский военный институт связи
Ракетных войск
Ставрополь, Россия

Наряду с прямым преобразованием из позиционного кода в модулярный существует и обратный перевод, позволяющий по величине n -мерного вектора $A(z)=(a_1(z), a_2(z), \dots, a_n(z))$ получить двоичное представление полинома.

В настоящее время известны два основных способа перевода непозиционного кода классов вычетов в позиционную систему счисления (ПСС) [1,2,3,6].

Задачей этих методов является восстановление заданного полинома $A(z) \in GF(p^v)$ по совокупности его остатков $(a_1(z), a_2(z), \dots, a_n(z))$.

Один из методов основывается на китайской теореме об остатках (КТО). Применение КТО обеспечивает однозначное отображение одномерных величин в многомерные и позволяет осуществлять восстановление полученного результата из непозиционной системы счисления к двоичному позиционному виду [1,4,5,8].

Задача перевода n -мерного представления полинома $A(z) \in GF(p^v)$ представляется следующим образом: для заданного набора модулей $p_i(z)$, $i=1,2,\dots,n$, необходимо осуществить преобразование n -мерного образа $A(z)=(a_1(z), a_2(z), \dots, a_n(z))$ в систему с основанием

$P(z) = \prod_{i=1}^n p_i(z)$ так, чтобы выполнилось условие

$$A(z) = a_1(z) \cdot B_1(z) + a_2(z) \cdot B_2(z) + \dots + a_n(z) \cdot B_n(z) \quad (1)$$

где $B_i(z)$ – базисы системы; $i=1,2,\dots,n$.

В общем виде любой базис можно представить в непозиционном виде как

$$B_i^j(z) = (B_1^i(z), B_2^i(z), \dots, B_n^i(z)), \quad (2)$$

где $B_j^i(z) \equiv B_i(z) \pmod{p_j(z)}$; $i, j=1, 2, \dots, n$

С другой стороны известно, что любой элемент $A(z) \in P(Z)$ можно представить как сумму ортогональных полиномов $A_1(z), A_2(z), \dots, A_n(z)$, т.е.

$$A(z) = (a_1(z), a_2(z), \dots, a_n(z)) = A_1(z) + A_2(z) + \dots + A_n(z) = (a_1(z), 0, \dots, 0) + (0, a_2(z), 0, \dots, 0) + \dots + (0, 0, \dots, a_n(z)) \quad (3)$$

Под ортогональным полиномом понимается элемент расширенного поля $GF(p^v)$ заданного основаниями $p_1(z), \dots, p_n(z)$ таких, что $P(z) = \prod_{i=1}^n p_i(z)$, у которого все остатки равны нулю, за исключением цифры по модулю $p_i(z)$

$$A_i(z) = (0, 0, \dots, 0, a_i(z), 0, \dots, 0), \text{ где } i=1, 2, \dots, n.$$

Приравнявая выражения (1) и (3) и учитывая независимость выполнения арифметических операций по модулям полиномиальной системы классов вычетов (ПСКВ), получаем, что

$$a_i(z) \cdot B_i(z) = (0, 0, \dots, 0, a_i(z), 0, \dots, 0). \quad (4)$$

Исходя из условия представления базисов системы согласно (2)

$$(a_i(z) \cdot b_1^i(z), \dots, a_i(z) \cdot b_i^i(z), \dots, a_i(z) \cdot b_n^i(z)) = (0, 0, \dots, a_i(z), \dots, 0) \quad (5)$$

Следовательно, ортогональные базисы $B_i(z)$, $i=1, 2, \dots, n$ системы ПСКВ расширенного поля Галуа $GF(p^v)$ можно представить в следующем виде

$$\begin{aligned} B_1(z) &= (1, 0, \dots, 0, \dots, 0); \\ &\vdots \\ B_i(z) &= (0, 0, \dots, 1, \dots, 0); \\ &\vdots \\ B_n(z) &= (0, 0, \dots, 0, \dots, 1); \end{aligned} \quad (6)$$

Таким образом, выражение (1) можно записать как:

$$A(z) = \sum_{i=1}^n a_i(z) B_i(z) \pmod{P(z)} \quad (7)$$

Для получения значений ортогональных базисов ПСКВ воспользуемся КТО и равенствами (6), согласно которым

$$B_i(z) = \begin{cases} 0 \pmod{p_n(z)}, & u \neq i \\ 1 \pmod{p_n(z)}, & u = i \end{cases} \quad (8)$$

где

$$B_i(z) = m_i(z) \prod_{u=1, u \neq i}^n p_u(z); m_i(z) \prod_{u=1, u \neq i}^n p_u(z) \equiv 1 \pmod{p_i(z)},$$

Преобразуя выражение (8), получаем формулу для вычисления ортогонального базиса по i -ому основанию

$$B_i(z) = m_i(z) \cdot P(z) / p_i(z), \quad (9)$$

где $m_i(z)$ - вес ортогонального базиса.

Вес ортогонального базиса выбирается из условия $B_i(z) \pmod{p_i(z)} \equiv 1$.

Устройство обратного преобразования из ПСКВ, обладает высоким быстродействием – процедура перевода осуществляется за одну итерацию основе нейронных сетей (НС) прямого распространения. Кроме того, данная структура характеризуется отсутствием выходного сумматора по модулю $P(z) = \prod_{i=1}^n p_i(z) = z^{P^v-1} + 1$, а, следовательно, и обратных связей, что в значительной степени приведет к повышению быстродействия вычислительной структуры в целом [7,8].

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Акушский И.Я., Юдицкий Д.М. Машинная арифметика в остаточных классах. - М.: Сов. Радио, 1968. - 440с
2. Калмыков И.А., Червяков Н.И., Щелкунова Ю.О., Бережной В.В. Математическая модель нейронных сетей для исследования ортогональных преобразований в расширенных полях Галуа. /Нейрокомпьютеры: разработка, применение. №6, 2003, с.61-68.
3. Калмыков И.А., Червяков Н.И., Щелкунова Ю.О., Бережной В.В. Архитектура отказоустойчивой нейронной сети для цифровой обработки сигналов /Нейрокомпьютеры: разработка, применение. №12, 2004, с.51-60.
4. Калмыков И.А. Лободин М.В., Гахов В.Р., Владимиров А.А. Высокоскоростной нейросетевой преобразователь из полиномиальной системы классов вычетов в позиционный код /Труды международного форума по проблемам науки, техники и образования. Том1. /Под ред. В.П. Савиных, В.В. Вишневого. - М.: Академия наук, 2004. - с.151-152.
5. Червяков Н.И. Преобразование цифровых позиционных и непозиционных кодов в системах управления и связи.- Ставрополь, СВВИУС, 1985. – 63 с.
6. Червяков Н.И., Сахнюк П.А., Шапошников А.В., Ряднов С.А. Модулярные параллельные вычислительные структуры нейропроцессорных систем. М.: ФИЗМАТЛИТ, 2003. – 288 с.

7. Элементы применения компьютерной математики и нейроинформатики/ Н.И. Червяков, И.А. Калмыков, В.А. Галкина, Ю.О. Щелкунова, А.А.Шилов; под редакцией Н.И. Червякова. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2003. - 216 с.

8. Калмыков И.А. Математические модели нейросетевых отказоустойчивых вычислительных средств, функционирующих в полиномиальной системе класса вычетов. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2005. - 274 с.

**МИНИМИЗАЦИЯ АППАРАТУРНЫХ
ЗАТРАТ ПРИ ВЫЧИСЛЕНИИ
КОЭФФИЦИЕНТОВ ОБОБЩЕННОЙ
ПОЛИАДИЧЕСКОЙ СИСТЕМЫ В
ПОЛИНОМИАЛЬНОЙ СИСТЕМЕ
КЛАССОВ ВЫЧЕТОВ**

Резеньков Д.Н.

*Ставропольский военный институт связи
Ракетных войск
Ставрополь, Россия*

Основным достоинством полиномиальной системы классов вычетов (ПСКВ) является сравнительная простота выполнения модульных операций (сложения, вычитания, умножения). Выполнение операций в ПСКВ позволяют существенно повысить скорость вычислительных устройств цифровой обработке сигналов.

Для реализации вычислительного процесса с использованием ПСКВ необходимо осуществить преобразование из позиционного кода в модулярный и обратно.

Обратное преобразование из ПСКВ в позиционную систему счисления (ПСС) базируется на применении обобщенной полиадической системы (ОПС) счисления. Введение промежуточной системы счисления [1,3,4], позволяет изображать число А в виде

$$A = a_1 + a_2 p_1 + a_3 p_1 p_2 + \dots + a_n p_1 \dots p_{n-1} = \sum_{k=1}^n a_k q_{k-1}, \tag{1}$$

где a_k - цифры в полиадической системе счисления; $q_k = p_k q_{k-1}$ - вес цифры в ОПС (смешанный базис).

Если обеспечить соответствие между основаниями ОПС и основаниями системы классов вычетов, то справедливо равенство

$$A = (a_1(z), a_2(z), \dots, a_n(z)) = [a_1(z), a_2(z), \dots, a_n(z)]$$

На основании этого можно сделать вывод о возможности перевода кода класса вычетов в кодовую последовательность ОПС. При этом все процедуры должны осуществляться в модулярной арифметике.

Проведенный анализ основных реализаций вычислений коэффициента обобщенной полиадической системы счисления позволил выделить три основных подхода к построению нейросетевых устройств, предназначенных для выполнения этой немодульной операции.

Основу первого подхода составляют методы, базирующиеся на рекуррентном алгоритме вычисления коэффициентов [3,6], согласно которому

$$a_k = \text{rest} A_k \pmod{p_k}, \tag{2}$$

где A_k определяется по рекуррентной формуле

$$A_k = (A_{k-1} - a_{k-1}) w_{k-1} \tag{3}$$

где $A_1 = A$; $w_k = p_k^j$ - формальная обратная величина k-ого основания по j-ому основанию ($j \neq k$); a_{k-1}^* - набор остатков по всем модулям, номера которых выше номера $k-1$; $k=1 \dots n$.

При этом все операции по вычислению коэффициента a_k производятся в системе классов вычетов [2,6].

Наряду с достоинствами, такими как параллельно-конвейерная организация вычислений и достаточно высокое быстродействие, очевидны и недостатки данной реализации. Основной недостаток – значительные аппаратные затраты, что затрудняет широкое применение данного метода перевода из непозиционной системы классов вычетов в обобщенную полиадическую систему, определяемую в расширенных полях Галуа.

Сократить аппаратные затраты позволяют методы, обеспечивающие основу второго подхода к построению устройства для преобразования ПСКВ в ОПС [4,6]. Алгоритм вычисления коэффициента ОПС по данному методу позволяет минимизировать аппаратные затраты, необходимые для выполнения этой немодульной операции [5,6]. Последовательное получение коэффициентов ОПС для заданного полинома $A(z)$ по составным основаниям можно осуществить согласно выражения

$$a_i(z) = \left| \frac{\left| a_i(z) - \sum_{y=1}^{i-1} a_y(z) \cdot \prod_{k=1}^y p_k(z) \right|_{p_i(z)}^+}{\prod_{j=1}^{i-1} p_j(z)} \right|_{p_i(z)}^+ \tag{4}$$

Принимая во внимание парную простоту модулей $p_i(z)$, где $i = \overline{1-n}$, можно заключить, что схемная реализация обладает пирамидальной структурой.